TUGAS BESAR 1 ALJABAR LINEAR

DAN GEOMETRI 2020/2021

oleh

|  |  |
| --- | --- |
| Mohamad Daffa Argakoesoemah | 13520118 |
| Ikmal Alfaozi | 13520125 |

TEKNIK INFORMATIKA

SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA

INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG

2021

**BAB I**

**Deskripsi Masalah**

1. **Interpolasi Polinom**

Persoalan interpolasi polinom adalah sebagai berikut: Diberikan buah titik berbeda, . Tentukan polinom yang menginterpolasi (melewati) semua titik-titik tersebut sedemikian rupa sehingga untuk .



Gambar 1: Interpolasi Polinom

Setelah polinom interpolasi ditemukan, dapat digunakan untuk menghitung perkiraan nilai *y* di sembarang titik di dalam selang . Polinom interpolasi derajat *n* yang menginterpolasi titik-titik , , , . adalah berbentuk . Jika hanya ada dua titik, dan , maka polinom yang menginterpolasi kedua titik tersebut adalah yaitu berupa persamaan garis lurus. Jika tersedia tiga titik, , , dan , maka polinom yang menginterpolasi ketiga titik tersebut adalah atau persaman kuadrat dan kurvanya berupa parabola. Jika tersedia empat titik, , , , dan , polinom yang menginterpolasi keempat titik tersebut adalah , demikian seterusnya. Dengan cara yang sama kita dapat membuat polinom interpolasi berderajat untuk yang lebih tinggi asalkan tersedia buah titik data. Dengan menyulihkan ke dalam persamaan polinom untuk , akan diperoleh buah sistem persamaan lanjar dalam .

Solusi sistem persamaan lanjar ini, yaitu nilai , diperoleh dengan menggunakan metode eliminasi Gauss yang sudah anda pelajari. Sebagai contoh, misalkan diberikan tiga buah titik yaitu (8.0, 2.0794), (9.0, 2.1972), dan (9.5, 2.2513). Tentukan polinom interpolasi kuadratik lalu estimasi nilai fungsi pada . Polinom kuadratik berbentuk . Dengan menyulihkan ketiga buah titik data ke dalam polinom tersebut, diperoleh sisten persamaan lanjar yang terbentuk adalah

Penyelesaian sistem persamaan dengan metode eliminasi Gauss menghasilkan , , dan . Polinom interpolasi yang melalui ketiga buah 2 titik tersebut adalah . Dengan menggunakan polinom ini, maka nilai fungsi pada dapat ditaksir sebagai berikut: .

1. **Regresi Linier Berganda**

Regresi Linear (akan dipelajari lebih lanjut di Probabilitas dan Statistika) merupakan salah satu metode untuk memprediksi nilai selain menggunakan Interpolasi Polinom. Meskipun sudah ada rumus jadi untuk menghitung regresi linear sederhana, terdapat rumus umum dari regresi linear yang bisa digunakan untuk regresi linear berganda, yaitu.

****

Gambar 2: Rumus Umum Regresi Linear Berganda

Untuk mendapatkan nilai dari setiap dapat digunakan *Normal Estimation Equation for Multiple Linear Regression* sebagai berikut:



Gambar 3: Normal Estimation Equation for Multiple Linear Regression

Sistem persamaan linier tersebut diselesaikan dengan menggunakan metode eliminasi Gauss.

**BAB II**

**Teori Singkat**

1. **Metode Eliminasi Gauss**

Metode eliminasi Gauss adalah salah satu metode untuk menyelesaikan sistem persamaan linear. Untuk menggunakan metode eliminasi Gauss, sistem persamaan linear (SPL) harus dinyatakan dalam bentuk matriks *augmented*. Lalu, matriks tersebut akan diubah ke dalam bentuk matriks eseleon baris dengan melakukan operasi baris elementer (OBE). Tiga OBE tersebut, yaitu pengalian sebuah baris dengan konstanta tidak nol untuk mendapatkan satu utama, pertukaran dua buah baris, dan pertambahan sebuah baris dengan kelipatan baris lainnya.

A picture containing text

Description automatically generated

Gambar 4: OBE untuk mendapatkan matriks eselon baris

Setelah didapatkan bentuk matriks eselon baris seperti Gambar 4, persamaan yang berkoresponden bisa dipecahkan dengan teknik penyulihan mundur.

1. **Metode Eliminasi Gauss-Jordan**

Metode eliminasi Gauss-Jordan merupakan metode lanjutan dari metode eliminasi Gauss. Pada metode eliminasi Gauss-Jordan, akan dilakukan OBE pada matriks *augmented* hingga bentuk matriks menjadi matriks eselon baris tereduksi.

Table

Description automatically generated with medium confidence

Gambar 5: OBE untuk mendapatkan matriks eselon baris

Kelebihan metode ini daripada metode sebelumnya, yaitu solusi SPL bisa langsung didapatkan tanpa dilakukan teknik penyulihan mundur. Metode ini terdiri dari dua tahap. Tahap pertama merupakan *forward phase*, yaitu tahap untuk mendapatkan nilai nol di bawah satu utama. Tahap kedua merupakan *backward phase*, yaitu tahap untuk mendapatkan nilai nol di atas satu utama.

1. **Determinan**

Untuk matriks A dengan ukuran n x n, determinan matriks A dilambangkan seperti Gambar 6.

Calendar

Description automatically generated with medium confidence

Gambar 6: Lambang determinan matriks A berukuran n x n

Determinan matriks berukuran 2 x 2 dapat dihitung melalui rumus . Sementara itu, determinan matriks berukuran 3 x 3 dapat dihitung melalui rumus . Determinan matriks segitiga berukuran n x n dapat dihitung melalui rumus . Selain itu, determinan matriks dapat dihitung menggunakan teknik reduksi baris. Caranya, yaitu melakukan OBE pada matriks sampai diperoleh matriks segitiga lalu menggunakan rumus seperti Gambar 7.

Text

Description automatically generated with medium confidence

Gambar 7: Menghitung determinan dengan reduksi baris

Rumus di atas dipakai jika tidak ada perkalian baris matriks dengan . Jika ada, .

Determinan matriks juga dapat dihitung dengan teknik ekspansi kofaktor. Untuk matriks A berukuran n x n seperti Gambar 8, didefinisikan ketentuan sebagai berikut:

A picture containing table

Description automatically generated

Gambar 8: Matriks A berukuran n x n

Dengan menggunakan kofaktor, determinan matriks A dapat dihitung dengan salah satu persamaan berikut:

Text

Description automatically generated

Gambar 9: Perhitungan determinan matriks A dengan ekspansi kofaktor

1. **Matriks Balikan**